

ZADACI ZA VEŽBE IZ STATISTIKE 2017.

1. Dati su podaci o broju položenih ispita 50 studenta I godine:

2 1 3 4 1 7 3 5 6 1 2 5 4 6 4 7 1 3 1 2 6 2 5 7 4
4 3 4 2 2 3 4 3 3 5 3 1 5 3 2 1 6 7 7 6 1 2 3 6 5

Izvršiti grupisanje studenta prema broju položenih ispita.

2. Izvršiti grupisanje studenata prema visini, koristeći Sturges-ovo pravilo, ako je visina studenata data u cm.

167 153 168 163 187 183 150 167 183 170 167 152 180 194 162 172 175 194 195 195 157 184 194
200 210 154 185 180 205 193 190 152 156

3. Date podatke prikazati grafički (svi odgovarajući grafici).

Tabela br.1 Stanovništvo Republike Srbije prema stepenu obrazovanja

Stepen obrazovanja	Učešće (%)
Bez osnovnog obrazovanja	13.78
Osnovno obrazovanje	20.85
Srednje obrazovanje	48.93
Više obrazovanje	5.75
Visoko obrazovanje	10.69

Izvor: Republicki zavod za statistiku

4. Dati raspored frekvencija prikazati grafički (svi odgovarajući grafici).

Tabela br.2 Raspored studenata prema oceni iz Statistike:

Ocena	Broj studenata
6	50
7	20
8	15
9	10
10	2

Izvor:...

5. Tabela br.3 Raspored radnika prema dužini radnog staža:

Radni staž u godinama	Broj radnika
5 – 10	12
10 – 15	13
15 – 20	20
20 – 25	15
25 i više	10

Izvor: Kadrovska služba preduzeća P

Podatke prikazati pomoću histograma, poligona frekvencija i poligona kumulativa (kumulanta ispod i iznad).

6. Tabela br.4 Broj zaposlenih i vrednost proizvodnje u periodu 2010-2015. U preduzeću A

Godina	Broj zaposlenih	Vrednost proizvodnje (u mil. din.)	$\log Y1$	$\log Y2$
2010	25	120	1.39794	2.079181
2011	50	250	1.69897	2.39794
2012	70	400	1.845098	2.60206
2013	100	1500	2	3.176091
2014	250	5500	2.39794	3.740363
2015	500	15000	2.69897	4.176091

Podatke prikazati pomoću polulogaritamskog dijagrama.

7. Podatke o prometu putnika na jednom graničnom prelazu prikazati odgovarajućim grafikom. Na istom grafiku uporediti kretanje date pojave sa njenim prosečnim nivoom tokom datog perioda.

Tabela br. 5 Promet putnika na graničnom prelazu tokom 2007- 2008. (u 0000):

Kvartal	Godina	
	2007	2008
I	20	30
II	25	30
III	80	100
IV	45	50

8. Utvrditi i objasniti aritmetičku i geometrijsku sredinu za podatke u Zadatku br. 4 (Tabela br. 2)
9. Na osnovu podataka Tabele br. 4 izračunati geometrijsku stopu rasta vrednosti proizvodnje u posmatranom periodu.
10. U cilju kontrole kvaliteta pristiglog kontingenta baterija, odabran je slučajni uzorak od 28 baterija i kontrolom njihovog veka trajanja dobijeni su sledeći rezultati:

Tabela br. 6 Baterije prema veku trajanja (u h)

Vek trajanja baterija	Broj baterija
23 - 25	2
25 - 27	5
27 - 29	10
29 - 31	8
31 i više	3

Utvrditi i objasniti aritmetičku sredinu.

11. Grupa od 5 radnika ima sledeći broj godina radnog staža: 34, 12, 13, 26, 25. Odrediti modus.
12. Posmatramo grupu od 8 studenata prema broju ispita koji su položili do oktobarskog ispitnog roka: 2, 5, 6, 2, 4, 7, 3, 5. Odrediti i objasniti modus.
13. Računskim i grafičkim putem odrediti modus za podatke iz Tabele br. 6.
14. Ukoliko je starost nastavnika u jednoj školi: 28, 28, 30, 45, 47. odrediti medijalnu vrednost.
15. Računskim i grafičkim putem odrediti medijanu za podatke iz Tabele br. 6.
16. Dati su sledeći podaci:

Tabela br. 7 Raspored učenika jednog odeljenja prema oceni iz Matematike

Ocena	Broj učenika
1	6
2	5
3	7
4	4
5	5

Utvrditi:

- a) Rang varijacije
- b) Interkvartilni rang
- c) Varijansu i standardnu devijaciju
- d) Koeficijent varijacije
- e) Odnosom srednjih vrednosti utvrditi asimetriju datog rasporeda
- f) Računskim putem utvrditi asimetriju i spljoštenost datog rasporeda

17. Uzorak radnika jedne kompanije dao je sledeće rezultate u pogledu mesčne zarade:

n	Rang	Minimum	Maximum	Ar. sredina	Std. Devijacija	Varijansa
50	71283	21732	93016	49597	15762	248457144

Objasniti date pokazatelje.

18. Iz osnovnog skupa izvučen je uzorak od 400 jedinica. Pretpostavlja se da je osnovni skup normalno raspoređen. Aritmetička sredina uzorka je 25, a standardna devijacija osnovnog skupa je 3. Oceniti interval u kome će se naći aritmetička sredina osnovnog skupa uz rizik greške od 0,01.
19. Koristeći podatke iz Zadatka 17, oceniti ukupne mesečne izdatke ove kompanije uz rizik greške od 0.2, ukoliko je stopa izbora 0.06.
20. Koristeći podatke iz Zadatka 10, uz pretpostavku da je osnovni skup normalno raspoređen, uz rizik greške od 0,02, oceniti prosečan vek trajanja baterija u kontingentu.
21. Na osnovu podataka iz Zadatka 5, uz koeficijent pouzdanosti od 0,95, oceniti relativno učešće radnika koji imaju radni staž duži od 20 godina.

22. U cilju ocene prosečnog mesečnog prihoda po članu seoskog domaćinstva na jednom području anketirano je 100 domaćinstava. Formiran je stratifikovan uzorak proporcionalnim slučajnim izborom, a rezultati su dati u sledećoj tabeli:

Tabela br.8 Prihodi seoskih domaćinstava

Veličina poseda u ha	Veličina uzorka	Prosečni prihodi po članu (u 000 din.)	Standardna devijacija u uzorku
Do 3	55	10	2
3 - 5	20	12	1
5 - 8	15	14	3
8 i više	10	16	3

Oceniti prosečan mesečni prihod po članu seoskog domaćinstva uz rizik greške od 0,05.

23. Stratifikovan slučajan uzorak dao je sledeće rezultate:

Tabela br.9 Procenat radnika koji govore Engleski jezik

Pogon	Veličina uzorka	Učešće radnika koji govore Engleski	Standardna greška
A	400	0,15	0,03
B	500	0,20	0,03
C	100	0,12	0,01

Oceniti, uz rizik greške od 0,04, relativno učešće radnika koji govore Engleski jezik.

24. Iz normalno raspoređenog osnovnog skupa, sa standardnom devijacijom 3, izvlačimo uzorak radi ocene aritmetičke sredine osnovnog skupa. Koliko veliki uzorak treba da bude, ako željena preciznost ocene iznosi $L=0,4$ uz rizik greške od 0,05.
25. Odrediti potrebnu veličinu uzorka ako je osnovni skup normalno raspoređen, a ocenjena vrednost varijanse osnovnog skupa na osnovu „pilot“, uzorka od 15 elemenata 1,6. Željena preciznost ocene je $L=0,4$, a koeficijent pouzdanosti je 0,98.
26. Iz približno normalno raspoređenog osnovnog skupa treba odrediti potrebnu veličinu uzorka ako želimo preciznost ocene od $L=0,16$ i ako je „pilot“, uzorak od 50 jedinica dao proporciju od 0,6. Koeficijent pouzdanosti je 0,95.
27. Proizvođač tvrdi da je neto težina jednog proizvoda 500 gr. U cilju provere ove tvrdnje na slučaj je uzet uzorak od 64 proizvoda i ustanovljena je prosečna težina od 502 gr. Sa rizikom greške I vrste od 0,05 proveriti tvrdnju proizvođača ako je poznato da je standardna devijacija osnovnog skupa 8 gr.
28. Prosečan vek trajanja jedne vrste tranzistora je manji od 150 h. Standardna devijacija osnovnog skupa je 20 h. Na osnovu slučajnog uzorka od 100 tranzistora, čija je aritmetička sredina 146 h, proveriti navedenu tvrdnju uz rizik greške α od 0,05.
29. Koristeći podatke iz Zadatka 17, proveriti da li je tačna pretpostavka da je prosečna plata radnika u ovoj kompaniji veća od 50 hiljada. Proveru izvršiti koristeći rizik greške $\alpha=0,03$, uz pretpostavku da je osnovni skup normalno raspoređen.
30. Koristeći podatke iz Tabele br. 6, proveriti pretpostavku da je prosečni vek baterija kraći od 30 časova. Raditi sa rizikom greške I vrste od 0,02.

31. Na osnovu podataka iz Tabele br. 3, proveriti tvrdnju da preko 1/3 radnika ima radni staž manji do 15 godina. Raditi sa rizikom greške prve vrste od 0.04.
32. Ministarstvo obrazovanja želi da ispita da li postoji razlika u visini prosečne ocene sudiranja između studenata Ekonomskih fakulteta u Beogradu i Nišu. U tom cilju je uzet uzorak od 144 studenta Ekonomskog fakulteta u Beogradu i utvrđena je prosečna ocena studiranja od 7,2, dok je u uzorku od 64 studenta Ekonomskog fakulteta u Nišu prosečna ocena bila 7,0. Poznato je da su osnovni skupovi normalno raspoređeni sa standardnim devijacijama od 0,6 u Beogradu i 0,4 u Nišu. Ispitati statističku značajnost ove razlike uz $\alpha=0,05$.
33. Ako je u uzorku od 15 kioska u centru grada prosečan dnevni promet 10000 dinara, a u uzorku od 10 kioska na periferiji grada prosečan dnevni promet 8000, ispitati da li se ovi delovi grada značajno razlikuju u pogledu ostvarenog dnevnog prometa. Standardna devijacija prvog uzorka je 500 dinara, a drugo 600 dinara. Pretpostavlja se da su osnovni skupovi normalno raspoređeni i da su varijanse skupova uzajamno jednake. Raditi sa rizikom greške $\alpha=0,05$.
34. Trgovina je nabavila dve vrste kesa za pakovanje. U uzorku od 160 kesa proizvođača A pronađeno je 10 sa defektom, a u uzorku od 120 kesa proizvođača B nađeno je 6 neispravnih. Uz rizik greške od 0,05 ispitati da li se kvalitet kesa bitno razlikuje obzirom na to od kog proizvođača dolaze.
35. Ispitujemo efekte sprovođenja tri strategije prodaje novog proizvoda na tržištu. Odabrane strategije se primenjuju u 15 maloprodajnih objekata približno iste veličine koji su odabrani slučajnim putem. Podaci o ostvarenom prometu (u mil.din) dati su u sledećoj tabeli:

Tabela br. 10 Ostvareni promet (u mil. dinara)

Strategija		
S1	S2	S3
35	38	42
25	40	39
38	36	45
26	35	38
36	31	46

Izvor varijabiliteta	Suma kvadrata odstupanja	Broj stepeni slobode	Ocena varijanse	F
Između uzoraka	253.333	2	126.667	6.281
Unutar uzoraka	242.000	12	20.167	
Ukupno	495.333	14		

Utvrđiti vrednost Fišerovog kriterijuma i objasniti rezultat.

36. Uzorak od 30 kupca jednog tržnog centra dao je sledeće podatke u pogledu vrednosti ostvarene kupovine, a s obzirom na obrazovanje kupaca.

Izvor varijabiliteta	Suma kvadrata odstupanja	Broj stepeni slobode	Ocena varijanse	F
Između uzoraka	?	2	2220186	?
Unutar uzoraka	?	?	?	
Ukupno	10534973	29		

- a) Koliko je nivoa obrazovanja posmatrano?
 b) Proveriti, na nivou značajnosti od 0,01, da li obrazovanje utiče na kupovinu.

37. Podaci o učešću sportista iz pet gradova na takmičenju dati su u sledećoj tabeli:

Tabela br. 11 Raspored sportista prema gradu iz koga dolaze:

Grad	Učešće	
	Planirano u %	Ostvareno
A	20	8
B	30	12
C	10	10
D	10	10
E	30	20

Uz $\alpha=0,01$ proveriti da li ostvareno učešće sportista odgovara planiranom.

38. Slučajan uzorak od 300 žitelja jedne opštine dao je sledeće rezultate u pogledu obrazovanja i pola:

Frekvencije			Stepen obrazovanja					Ukupno
			Zanat	Srednje	Više	Visoko	Ostalo	
Pol	Muski	Empirijske	19	45	32	27	9	132
		Očekivane	24.6	44.9	24.2	24.2	14.1	132.0
	Zenski	Empirijske	37	57	23	28	23	168
		Očekivane	31.4	57.1	30.8	30.8	17.9	168.0
Ukupno		Empirijske	56	102	55	55	32	300
		Očekivane	56.0	102.0	55.0	55.0	32.0	300.0

Da li postoji zavisnost između pola i stepena obrazovanja? Raditi sa rizikom greške $\alpha=0,05$.

39. U sedam prodavnica jednog trgovinskog preduzeća zabeleženi su sledeći podaci:

Tabela br.12 Površina i ostvareni promet u sedam prodavnica trgovinskog preduzeća

Površina prodajnog objekata u m ²	Ostvareni promet (u 0000 dinara)
8	12
11	17
13	21
16	24
20	28
25	34
26	39

- Odrediti odgovarajuću liniju regresije.
- Testirajte značajnost ocenjenog koeficijenta nagiba, $\alpha=0,05$.
- Utvrđiti mere reprezentativnosti linearnog regresionog modela.
- Oceniti, uz verovatnoću od 0,95 prosečnu vrednost ostvarenog prometa za površinu prodajnog prostora od 30 m².
- Sa istim nivoom pouzdanosti odrediti individualnu vrednost ostvarenog prometa za površinu prodajnog prostora od 30 m².
- Utvrđiti stepen i smer slaganja između posmatranih pojava.

40. Na osnovu uzorka od 20 studenata koji su posmatrani prema bodovima osvojenim na završnom ispitu iz Statistike i vremenu koje su proveli u spremanju istog (broj sati učenja), dobijeni su sledeći rezultati:

b_0	b_1	r^2	S
22.16	.99	0.674	6.43

- Objasniti dobijene rezultate.
- Utvrđiti stepen slaganja između posmatranih pojava i testirati značajnost dobijenog koeficijenta korelacije.

41. Grupa od 12 kupaca jednog proizvoda iskazala je svoje zadovoljstvo kupljenim proizvodom sledećim stavovima - Vrlo zadovoljan (VZ), Zadovoljan (Z), Nezadovoljan (NZ) i Vrlo nezadovoljan (VNZ). Podaci o oceni proizvoda od strane kupaca kao i učestalost kupovine ovog proizvoda tokom tromesečnog perioda dati su u sledećoj tabeli:

Kupac	I	II	II	IV	V	VI	VII	VIII	IX	X	XI	XII
Ocena	NZ	Z	Z	VZ	Z	VNZ	Z	NZ	Z	Z	VNZ	VZ
Učestalost kupovine	15	20	18	25	20	5	15	12	22	22	8	28

Utvrđiti stepen slaganja između ocene i učestalosti kupovine, a zatim testirajte značajnost ocene dobijenog koeficijenta korelacije uz koeficijent pouzdanosti od 0,98.

42. Ukoliko model iz Zadatka 40, proširimo uvodjenjem u analizu i broja bodova ostvarenih na kolokvijumu, dobijeni su sledeći rezultati:

b_0	b_1	b_2	R	S
2.91	0.48	1.66	0.909	4.39

- Objasniti dobijene rezultate.
- Utvrđiti korigovani koeficijent višestruke determinacije.

43. Korišćenjem podataka iz Zadatka 42, dobijeni su sledeći pokazatelji:

Pearson Correlation	Rezultati na završnom ispitu	Broj sati učenja	Rezultati sa kolokvijuma (broj bodova)
Rezultati na završnom ispitu	1.000	.832	.858
Broj sati učenja	.832	1.000	.732
Rezultati sa kolokvijuma (broj bodova)	.858	.732	1.000

Utvrđiti odgovarajuće koeficijente parcijalne (delimične) korelacije.

44. Dati su podaci o ukupnom prometu preduzeća „Globus“, u periodu 2002-2007:

Godina	Promet (u mil. dinara)
2002	130,96
2003	132,45
2004	132,61
2005	137,47
2006	135,10
2007	133,39

- Izračunati indekse sa bazom u 2002. godini i grafički ih prikazati.
- Izračunati lančane indekse i grafički ih prikazati.
- Preračunati bazne indekse sa bazom u 2002. na bazne indekse sa bazom u 2005.
- Lančane indekse preračunati u bazne indekse sa bazom u 2004.

45. Na osnovu podataka iz sledeće tabele izračunati:

Proizvod	Proizvodnja (u 000 kom)		Cena (u 00 din) 2000.	Indeks vrednosti (2000=100)
	2000	2007		
A	70	125	1,5	140
B	50	110	9,0	210
C	30	40	0,7	110

- Laspejresov indeks količine.
- Paševov indeks količine.
- Fišerov idealni indeks količine.
- Grupni indeks vrednosti.

46. Ostvarena proizvodnja u preduzeću „Trend,, u periodu 2007-2014.godina data je u tabeli:

Godina	Proizvodnja u t
2007	74
2008	76
2009	78
2010	82
2011	85
2012	91
2013	94
2014	98

- Odabrati odgovarajuću funkciju trenda.
- Oceniti proizvodnju u 2018. godini
- Izračunati i objasniti standardnu grešku trenda
- Grafički prikazati procentualna odstupanja od trenda

47. Proizvodnja motornih ulja u jednoj rafineriji data je u sledećoj tabeli:

Godina	Proizvodnja u t
2009	90
2010	115
2011	130
2012	141
2013	295
2014	370
2015	425

- Odabrati odgovarajuću funkciju trenda metodom pokretnih proseka (raditi sa pokretnim prosecima od po tri člana)
- Izračunati prosečnu godišnju stopu rasta u posmatranom periodu
- Utvrđiti standardnu grešku trenda

48. Dati su podaci o ostvarenom prometu jedne poljoprivredne kulture u periodu 2010-2013.

Kvartal	Godina			
	2010	2011	2012	2013
I	10	11	12	10
II	12	10	12	13
III	20	18	20	21
IV	5	6	5	4

Metodom odnosa prema opštem proseku ispitati da li posmatrana pojava ima sezonski karakter.

49. Promet u ugostiteljskim objektima u regionu A (u mil. dinara):

Kvartal	Godina				
	2009	2010	2011	2012	2013
I	-	6,39	7,70	9,84	12,32
II	-	9,08	10,96	13,98	17,50
III	-	12,41	15,79	19,06	-
IV	6,85	8,20	10,16	13,26	-

- Proveriti da li pojava ima sezonski karakter
- Isključiti sezonsku komponentu iz kvartala u kome je on najjači
- Koliki bi promet bio u 2011. da nije bilo uticaja sezone

50. Dati su podaci o broju završenih stanova u jednom regionu:

Kvartal	Godina					
	2008	2009	2010	2011	2012	2013
I	-	6,2	5,6	6,3	6,9	5,2
II	-	10,3	9,0	10,1	9,5	-
III	-	12,9	13,0	12,0	11,6	-
IV	22,1	31,0	23,1	21,2	26,1	-

- a) Oceniti broj završenih stanova u IV kvartalu 2013. i I kvartalu 2014. ukoliko su tipični sezonski indeksi I-47, II-74, III-93 i IV-186.
- b) Grafički proveriti da li su procene realne

51. Dati su podaci o potrošnji el.energije (u mil. kwh) preduzeća „Duga,, u periodu 2000-2012.

Godina	Potrošnja el. energije
2000	69,00
2001	67,68
2002	63,87
2003	50,50
2004	55,84
2005	53,84
2006	52,77
2007	63,24
2008	70,45
2009	52,55
2010	60,54
2011	56,66
2012	67,55

Ispitati da li pojavu karakterišu ciklične varijacije.